

CAPÍTULO

1



1.1 Conjuntos Numéricos

Conjunto dos Números Naturais (N)

Os números naturais são em geral associados à ideia de contagem, e o conjunto que os representa é indicado por N.

$$N = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, \dots\}$$

Fique Ligado!

- Um subconjunto importante de N é o conjunto N^* . Quando aparece a notação N^* , significa que o zero está excluído do conjunto.
 $N^* = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, \dots\} \rightarrow$ o zero foi excluído do conjunto N.
- O menor número natural é o zero.
- Há infinitos números naturais.
- A partir de qualquer número natural n , basta adicionar (somar) 1 unidade para obter o número natural seguinte, ou seja, o sucessor de n é $n+1$.
- Para relacionarmos elementos com conjuntos, usamos a relação de pertinência cujos símbolos são:

\in : pertence

\notin : não pertence

Exs.:

$$2 \in N$$

$$2,3 \notin N$$

$$7 \in N$$

$$-5 \notin N$$

Conjunto dos Números Inteiros (Z)

$$Z = \{\dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots\}$$

A reta numérica do conjunto dos inteiros é infinita. Representamos essa ocorrência colocando uma seta nos dois lados da reta. Veja a representação da reta numérica dos inteiros:





Os números na reta numérica são dispostos em relação ao zero. Assim, os números positivos ficam do lado direito da reta, e os negativos, do lado esquerdo.

Fique Ligado!

- Vale destacar os seguintes subconjuntos de \mathbb{Z} :

$$\mathbb{Z}^* = \mathbb{Z} - \{0\}$$

$$\mathbb{Z}_+ = \text{conjunto dos números inteiros não negativos} = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots\}$$

$$\mathbb{Z}_- = \text{conjunto dos números inteiros não positivos} = \{0, -1, -2, -3, -4, \dots\}$$

- Todo número inteiro n tem um antecessor $n-1$ e um sucessor $n+1$.
- Todo número inteiro n tem seu oposto ou simétrico $-n$.
Ex.: o oposto de $+5$ é o número -5 .
- Há infinitos números inteiros.

Conjunto dos Números Racionais (\mathbb{Q})

Acrescentando as frações positivas e negativas aos números inteiros, teremos os números racionais.

Então: -3 , $-5/4$, -1 , $-1/3$, 0 , $3/4$, 1 , $3/2$, são exemplos de números racionais.

Todo número racional pode ser colocado na forma a/b , com $a \in \mathbb{Z}$, $b \in \mathbb{Z}$ e $b \neq 0$.

$$\mathbb{Q} = \{x \mid x = a/b, \text{ com } a \in \mathbb{Z}, b \in \mathbb{Z} \text{ e } b \neq 0\}$$

Conjunto dos Números Irracionais (\mathbb{I})

Considere os seguintes números e sua representação decimal:

$$\sqrt{2} = 1,4142135\dots$$

$$\sqrt{3} = 1,7320508\dots$$

Observa-se, então, que existem decimais infinitas e não periódicas, às quais damos o nome de números irracionais. Os números irracionais **NÃO PODEM** ser escritos na forma a/b .





Fique Ligado!

- Constantes irracionais ou números transcendentais:
 $\pi = 3,1415926535\dots$ (número pi, constante de Arquimedes)
 $\varphi = 1,6118033988\dots$ (número áureo ou número de ouro)
 $e = 2,7182818\dots$ (constante de Euler)

Em outras palavras, números irracionais são aqueles números que possuem infinitas casas decimais e em nenhuma delas obteremos um período de repetição.

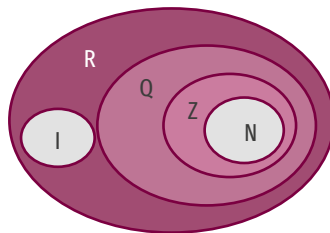
- Raízes quadradas de números primos são irracionais.

Conjunto dos Números Reais (R)

Dados Q e $\{\text{Irracionais}\}$, define-se o conjunto dos números reais como:

$$R = \{Q \cup I\} = \{x / x \text{ é racional ou } x \text{ é irracional}\}$$

Observação: Todo número real é racional ou irracional, o que nos permite representar o conjunto dos números reais por meio do esquema a seguir:



Três Noções Numéricas Básicas: Número, Numeral e Algarismo

Número: é a ideia de quantidade que nos vem à mente quando contamos, ordenamos e medimos.

Numeral: é toda representação de um número, seja ela escrita, falada ou indigitada. Os numerais podem ser divididos em cardinais, ordinais, multiplicativos, coletivos ou fracionários.

- Numerais cardinais: são a forma que mais utilizamos, e indicam quantidades simples. Ex: Um, dois, duzentos, mil;
- Numerais ordinais: representam alguma forma de ordem, hierarquia ou sequência. Ex: Primeiro, segundo, terceiro;

- Numerais multiplicativos: indicam a multiplicação de uma unidade. Ex: Dobro, triplo, duplo e quádruplo;
- Numeral coletivo: representam conjuntos de unidades. Ex: Dezena, centena, década, dúzia;
- Numeral fracionário: expressam uma unidade dividida, em relação ao seu total. Ex.: Meio, doze avos, um terço.

Algarismo: é todo símbolo numérico que usamos para formar os numerais escritos.

Sistema de numeração: é todo conjunto de regras para a produção sistemática de numerais.

| Algarismos Romanos | Algarismo Indo-arábicos |
|--------------------|-------------------------|
| I | 1 |
| V | 5 |
| X | 10 |
| L | 50 |
| C | 100 |
| D | 500 |
| M | 1000 |

Veja como é!

O número vinte e um pode ser representado pelo numeral XXI (no sistema romano), pelo numeral 21 (no sistema indo-arábico) e de muitas outras maneiras. No sistema indo-arábico, sua representação usou os algarismos 2 e 1, e no sistema romano usou os algarismos X e I.

Nas situações do cotidiano, são extremamente comuns as confusões entre os conceitos de número, numeral e algarismo. Vejamos algumas:

Certo: minha senha bancária tem três algarismos.

Errado: minha senha bancária três números.

Certo: o funcionário da Companhia de Energia registrou mal o algarismo das centenas do valor de meu consumo mensal de energia elétrica

Errado: o funcionário da Companhia de Energia registrou mal o número das centenas do valor de meu consumo mensal de energia elétrica.

EM RESUMO: número é o conceito de quantidade, numeral é a forma como o escrevemos, e os algarismos são os símbolos que usamos para formar o numeral.

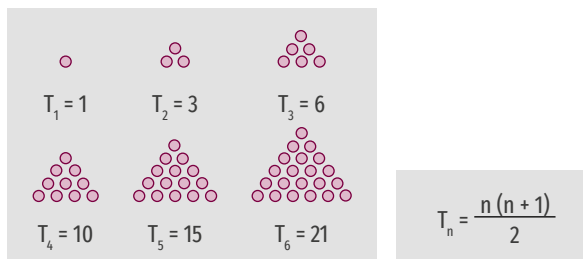


Conceitos Importantes

- » **Número Abstrato:** é aquele em que se faz abstração da natureza dos elementos de um conjunto.
Ex.: 4 unidades, 7 unidades, ou simplesmente, 4 e 7.
- » **Número Abundante:** é aquele em que a soma dos seus divisores, exceto o próprio número, é maior que o mesmo.
Ex.: 24. Divisores do 24 = {1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24}
Soma dos divisores exceto o 24 = $(1+2+3+4+6+8+12) = 36$. Como a soma é maior que o número, 24 é abundante.
- » **Número Áureo ou Número de Ouro:** é conhecido como a chave matemática da harmonia universal. É representado pela letra grega Φ (PHI). Uma maneira de encontrar a representação numérica de Φ é através da razão $(1+\sqrt{5})/2$, que equivale à dízima não periódica 1,61803398... Sendo assim, Φ é um número irracional.
- » **Número Composto:** Um número natural é composto quando ele é divisível por mais de dois números distintos.
Ex.: 0, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 15, 16 e todos os números que tiverem mais que dois divisores. Note que o número Zero é um número composto.
- » **Número Primo:** um número natural é primo quando ele é divisível por exatamente dois números distintos, ou seja, por 1 e por ele mesmo.
Ex.: 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23 e todos os números que tiverem apenas dois divisores, o 1 e ele mesmo.
- » **Número UM:** o número 1 não é primo e nem composto. Apenas o número 1 é divisível por um número só (ele mesmo). Ele não é chamado nem de primo, nem de número composto.
- » **Número Perfeito:** é todo número igual à soma dos seus divisores, exceto o próprio número.
Ex.: Os divisores do 6 são: {1, 2, 3, 6}. A soma dos divisores, com exceção do 6, é $1+2+3 = 6$.
- » **Números Primos entre si:** dois números são ditos primos entre si, quando o máximo divisor comum entre ele é igual a 1.
Ex.: Os números 8 e 15, pois o m.d.c $(8, 15) = 1$
- » **Números Triangulares:** um número triangular é um número natural que pode ser representado na forma de triângulo equilátero. Para encontrar o n-ésimo número triangular a partir do anterior basta somar-lhe n unidades. A sequência dos números triangulares, começando pelo 0-ésimo termo, é:



(1, 3, 6, 10, 15, 21, 28, 36, ...)



» **Número Quadrado Perfeito:** um número será quadrado perfeito quando respeitar a regra de formação: $n^2 = a$. Nessa regra, n é qualquer número inteiro positivo e a é o número quadrado perfeito.

Ex.: $1^2 = 1$

$2^2 = 4$

$3^2 = 9$

Quadrados perfeitos: (1, 4, 9, 16, 25, 36, ...)

Obs.: Somente o número quadrado perfeito possui raiz quadrada exata.

- **Zero elevado a Zero (0⁰):** a avaliação de zero elevado a zero é um problema matemático. Sabemos que todo número diferente de zero, elevado a zero, é igual a 1. Mas, e se o número for zero?

A expressão matemática **0⁰** é considerada como uma **INDETERMINAÇÃO** em Matemática.



Vamos Praticar!

- Assinale a afirmativa falsa:
 - $2 \in \mathbb{N}$
 - $\sqrt{4} \in \mathbb{I}$
 - $\sqrt{3} \in \mathbb{I}$
 - $-3 \in \mathbb{Z}$
 - $-3 \in \mathbb{R}$
- Com os conhecimentos em conjuntos numéricos, assinale a alternativa correta:
 - $\mathbb{N} \supset \mathbb{Z}$
 - $\mathbb{N} \in \mathbb{Z}$
 - $\mathbb{Z} \subset \mathbb{I}$
 - $\mathbb{R} \supset \mathbb{Q}$
 - $\mathbb{Q} \subset \mathbb{Z}$
- (Efoa-MG) Seja \mathbb{R} o conjunto dos números reais, \mathbb{N} o conjunto dos números naturais e \mathbb{Q} o conjunto dos números racionais. Qual a afirmativa falsa?
 - $(\mathbb{Q} \cup \mathbb{N}) \subset \mathbb{R}$
 - $(\mathbb{Q} \cap \mathbb{N}) \subset \mathbb{R}$
 - $(\mathbb{Q} \cup \mathbb{N}) = \mathbb{R}$
 - $(\mathbb{Q} \cap \mathbb{N}) = \mathbb{Q}$
 - $(\mathbb{Q} \cap \mathbb{N}) \neq \emptyset$

